

গণিতের অলিগলি

পৰ্ব : ১২৭

তিন অক্ষের সংখ্যার বর্গ বের করার মজার কৌশল

গত সংখ্যায় আমরা প্রথমে জেনেছি, যেসব সংখ্যার শেষে ৫ আছে, সেসব সংখ্যার বর্গফল বের করার একটি মজার কৌশল। এরপর জেনেছি ২৫ ও ৫০ এই দুইটি সংখ্যাকে একসাথে মাথায় রেখে কিংবা শুধু ১০০ সংখ্যাটি মাথায় রেখে দুই অক্ষের যেকোনো সংখ্যার বর্গফল সহজেই দ্রুত বের করার আরেকটি ভিন্ন কৌশল। আজ আমরা জানব তিন অক্ষের কিছু সংখ্যার বর্গ নির্ণয়ের মজার দুইটি নিয়ম।

প্রথম নিয়ম

$$108^2 = \text{কত?}$$

এই নিয়মটি বুঝাতে উদাহরণ দিয়ে শুরু করাই যেয়। প্রথমেই ধরা যাক, আমরা জানতে চাই তিন অক্ষের সংখ্যা 108 -এর বর্গ কত, $108^2 = \text{কত?}$ এ ক্ষেত্রে আমরা এই তিন অক্ষের সংখ্যাটিকে দৃশ্যত দুই ভাগে বিভাজন করব। প্রথম ভাগে থাকবে শতকের ঘরের ১ এবং দ্঵িতীয় ভাগে থাকবে শেষের দুইটি অক্ষ ০৮। এবার আমাদের করণীয় হবে নির্ণয় বর্গফলের প্রথম দিকে থাকা সংখ্যা কত এবং শেষ দিকে থাকা সংখ্যা কত, তা জানা। এরপর এই সংখ্যা দুইটি পাশাপাশি বসালেই পাওয়া যাবে নির্ণয় বর্গফল। এ ক্ষেত্রে নির্ণয় বর্গফলের প্রথম দিকে থাকা সংখ্যাটি হবে $108 + 08 = 108$ । আর শেষ দিকে থাকবে ০৮-এর দুই অক্ষবিশিষ্ট বর্গফল অর্থাৎ ১৬। অতএব 108 -এর বর্গ হচ্ছে $108, 16$ ।

$112^2 = \text{কত?}$ তা জানতে প্রথমেই 112 -কে মনে মনে দুই ভাগে কঙ্কনা করি। প্রথম ভাগে থাকবে একদম বামের অক্ষ ১। আর দ্বিতীয় ভাগে থাকবে ডানের দুইটি ঘরে থাকা ১২। তাহলে নির্ণয় বর্গফলের শেষ দিকে থাকবে 12^2 বা 144 -এর ডান দিকের ৪৪, আর হাতে থাকবে ১। আর নির্ণয় বর্গফলের প্রথম দিকে বা বাম দিকে থাকবে $112 + 12 + \text{হাতে থাকা } 1 = 125$ । অতএব 112 -এর বর্গফল হলো $125, 44$ ।

$103^2 = \text{কত?}$ এ ক্ষেত্রে 103 -কে দৃশ্যত দুই ভাগ করলে একভাগে থাকবে প্রথম ঘরের ১, অপর ভাগে থাকবে ০৩। অতএব আগের নিয়মের মতোই নির্ণয় বর্গফলের শেষ দিকের দুই অক্ষ হবে $(03)^2$ বা ০৯। এ ক্ষেত্রে হাতে কিছু থাকবে না। আর বর্গফলের প্রথম দিকে থাকবে $103 + 03$ বা 106 । অতএব $103^2 = 106, 09$ ।

দ্বিতীয় নিয়ম

এবার আমরা দ্বিতীয় একটি নিয়মে বের করব এই 108 ও 825 -এর বর্গফল। এ ক্ষেত্রে নিয়মটি হলো তিনটি ধাপে আমাদেরকে তিনটি সংখ্যা বের করতে হবে। পরে এই তিনটি সংখ্যা যোগ করলে কাঞ্চিত বর্গফল বের হয়ে যাবে। উদাহরণ দিয়ে নিয়মটি স্পষ্ট করার চেষ্টা করা যাক।

জানতে চাই $108^2 = \text{কত?}$ এখানে শতকের বা প্রথম ঘরের অক্ষটি ধরি ক (এ ক্ষেত্রে ক = ১)। আর একক ও দশকের ঘরের অক্ষ দুইটিকে ধরি খ (এ ক্ষেত্রে খ = ০৮)। তাহলে প্রথম ধাপের অক্ষটি হবে ক-এর বর্গফলের ডানে চারটি শূন্য বসিয়ে যা হয়, তা। এ ক্ষেত্রে প্রথম ধাপের এ সংখ্যাটি হয় 10000 । আর দ্বিতীয় ধাপের সংখ্যাটি হচ্ছে ২ গুণ ক গুণ খ যত হয় তার ডানে দুই শূন্য বসিয়ে যা হয় তা। এ ক্ষেত্রে দ্বিতীয় ধাপের সংখ্যাটি দাঁড়ায় $2 \times 1 \times 08$ বা ৮-এর ডানে দুইটি শূন্য, অর্থাৎ ৮০০। আর তৃতীয় ধাপের সংখ্যা = খ^২ = $08^2 = 16$ । অতএব $108^2 = 10000 + 800 + 16 = 10816$ ।

এবার জানব, $825^2 = \text{কত?}$ এ ক্ষেত্রে ক = ৮। আর খ = ২৫, অতএব প্রথম ধাপের সংখ্যা = 8^2 -এর ডানে চারটি শূন্য বসালে যা হয়, তা

= 640000 । আর দ্বিতীয় ধাপের সংখ্যাটি = $2 \times 8 \times 25$ -এর ডানে দুই শূন্য বসিয়ে যা হয়, তা 80000 । আর শেষ ধাপের সংখ্যাটি হয় খ^২ বা 25^2 বা ৬২৫। এখন ওই সংখ্যা তিনটি যোগ করলেই আমরা পেয়ে যাব 825^2 -এর বর্গফল। অর্থাৎ $825^2 = 640000 + 80000 + 625 = 680625$ ।

এ নিয়মে আমরা যেকোনো তিন অক্ষের সংখ্যার বর্গ বের করতে পারব।

দুই অক্ষের সংখ্যা গুণ করার একটি সহজ কৌশল

আমরা এখানে জানব কী করে একটি দুই অক্ষের সংখ্যাকে আরেকটি দুই অক্ষের সংখ্যা দিয়ে সহজে গুণ করা যায়। আমরা যে পদ্ধতিতে এই গুণের কাজটি করব, এটি পরিচিত ক্রিস-ক্রিস মাল্টিপ্লিকেশন বা আঁকাৰাঁকা গুণন পদ্ধতি নামে।

ধরা যাক, আমরা 81 সংখ্যাটিকে 51 দিয়ে গুণ করতে চাই। লক্ষণীয়, এই দুইটি সংখ্যাই দুই অক্ষের। এ ধরনের দুইটি দুই অক্ষের সংখ্যার পারস্পরিক গুণ করার নিয়মটিই আমরা এখানে জানব। আমরা যদি স্থুলে শিখে আসা গুণন পদ্ধতি ব্যবহার করে 81 -কে 51 দিয়ে গুণ করি, তবে এই গুণফল হবে 2091 । এই গুণফলের অক্ষগুলোকে আমরা তিনটি ভাগে ভাগ করতে পারি এভাবে: গুণফলের গুরুত্ব থাকা 20 , এরপর মাঝখানে থাকা 9 এবং একদম শেষে থাকা 1 । অর্থাৎ একদম বামে আছে 20 , এর পর বসেছে 9 , এবং একদম শেষে বসেছে 1 । লক্ষণীয়, এই গুণফলের একদম বামে থাকা 20 সংখ্যাটি হচ্ছে 81 ও 51 এর বামের দুইটি অক্ষ ৪ ও ৫-এর গুণফল। আর গুণফলের শেষের অক্ষ ১ হচ্ছে 81 ও 51 -এর ডান দিকের অক্ষ বা শেষ অক্ষ ১ ও ১-এর গুণফল। এখন প্রশ্ন হচ্ছে গুণফলের মাঝখানে থাকা 9 অক্ষটি আমরা কী করে পেতে পারি। সে অক্ষটি পাওয়া যাবে 81 ও 51 -এ থাকা অক্ষগুলোর ক্রিস-ক্রিস বা আঁকাৰাঁকা গুণফলের সমষ্টি রূপে। অর্থাৎ $9 = (\text{প্রথম সংখ্যার প্রথম অক্ষ} \times \text{দ্বিতীয় সংখ্যার দ্বিতীয় অক্ষ}) + (\text{প্রথম সংখ্যার প্রথম অক্ষ} \times \text{দ্বিতীয় সংখ্যার প্রথম অক্ষ}) = (8 \times 1) + (5 \times 1) = 8 + 5 = 9$, যা নির্ণয় গুণফলের মাঝখানে থাকা সংখ্যা।

এখন ধরা যাক আমরা 30 -কে 12 দিয়ে গুণ করতে চাই। এখানে গুণফলের প্রথমে বসবে 30 -এর প্রথম অক্ষ ৩ এবং 12 -এর প্রথম অক্ষ ১-এর গুণফল। অর্থাৎ গুণফলের প্রথমে বসবে ৩ ও ১-এর গুণফল ৩। গুণফলের শেষ দিকে বসবে প্রদত্ত সংখ্যা দুইটির শেষ দুইটি অক্ষ ০ ও ২-এর গুণফল অর্থাৎ ০। আর মাঝখানে বসবে ৩০ ও ১২-এর মধ্যে থাকা অক্ষগুলোর আঁকাৰাঁকা গুণফলের সমষ্টি বা $(3 \times 2) + (1 \times 0)$ বা $6 + 0$ বা ৬। অতএব, আমাদের কাঞ্চিত গুণফলের প্রথমে বসবে ৩, এরপর বসবে ৬ এবং সবশেষে বসবে ০। সুতরাং ৩০ ও ১২-এর নির্ণয় গুণফল হলো ৩৬০।

বিষয়বস্তু আরও স্পষ্ট করার জন্য আরও কিছু উদাহরণ দেয়া প্রয়োজন। এবার ধরা যাক, আমরা জানতে চাই $23 \times 81 = \text{কত?}$ এখানে আগের পদ্ধতি অনুসারে নির্ণয় গুণফলের প্রথমে বসবে ৩ ও ১-এর গুণফল ৩। গুণফলের প্রথমে বসবে প্রদত্ত সংখ্যা ২ ও ৪-এর গুণফল ৮। আর শেষে বসবে শেষ দুটি অক্ষ ০ ও ১-এর গুণফল, অর্থাৎ ০। আর গুণফলের মাঝখানে বসবে $(2 \times 1) + (3 \times 8)$ বা $2 + 12$ বা 14 -এর ডানের অক্ষ ৪, আর বামের ১ হাতে থাকবে, যা আবার বামের ৮-এর সাথে যোগ হবে। ফলে এ ক্ষেত্রে গুণফলের প্রথমে ৮ না বসে বসবে ৯। তাহলে আমরা পেলাম নির্ণয় গুণফলের প্রথমেই বসবে ৯, এরপর বসবে ৪ এবং সবশেষে বসবে ৩। তাহলে নির্ণয় গুণফল হবে ৯৪৩।

এবার জানব $15 \times 12 = \text{কত?}$ এখানে আগের নিয়মে নির্ণয় গুণফলে ডানে বসবে 2×5 বা 10 -এর ০, আর হাতে থাকবে ১। আর মাঝে বসবে $(1 \times 2) + (5 \times 1) + \text{হাতে রাখা } 1 = 2 + 5 + 1 = 8$ । আর গুণফলটির প্রথমে বসবে ১ ও ১-এর গুণফল ১। অতএব নির্ণয় গুণফল হবে ১৮০।

এভাবে আমরা এই কৌশল ব্যবহার করে দুই অক্ষের যেকোনো একটি সংখ্যাকে আরেকটি দুই অক্ষের সংখ্যা দিয়ে সহজেই দ্রুততম সময়ে গুণ করতে পারি।

গণিতদাদু